

$$L([q],t)=\frac{1}{2}\dot{q}(t)^2$$