

$$U(q,t)=\int_{\mathbb{R}}\mathrm{d}\rho\,\delta q(\rho)\,P(q,t,\rho)$$