

$$E(q_0, \dot{q}_0) \coloneqq \frac{\partial L_L(q_0, \dot{q}_0)}{\partial \dot{q}_0} \dot{q}_0 - L_L(q_0, \dot{q}_0)$$